

# Teoria de preimagem equivariante para $G$ -aplicações

Thaís F. M. Monis e Peter Wong

## Resumo

Seja  $G$  um grupo finito. Sejam  $X, Y$   $G$ -spaços e seja  $B \subset Y$  um subespaço não-vazio e  $G$ -invariante de  $Y$ . Sob tais hipóteses, podemos considerar problemas de minimização do conjunto preimagem  $f^{-1}(B)$  via homotopias equivariantes, ou seja, considerar o número

$$MP_G(f, B) = \min_{g \sim_G f} \#g^{-1}(B)$$

onde  $\#g^{-1}(B)$  é a cardinalidade do conjunto  $g^{-1}(B)$  e  $g \sim_G f$  significa que  $g$  é  $G$ -homotópica a  $f$ .

Nesta palestra, apresentaremos a noção de classes de  $G$ -preimagem de  $f^{-1}(B)$ , bem como algumas observações acerca da essencialidade topológica dessas classes.

Esse trabalho é parcialmente financiado pela Fapesp (Fapesp 2020/10874-1).

## Referências

- [1] Dobreńko, R., Kucharsky, Z., *On the generalization of the Nielsen number*, Fund. Math. **134** (1990) 1–14.
- [2] Olga Frolkina, Minimizing the number of Nielsen preimage classes, *Geom. Topol. Monogr.* **14** (2008), 193 – 217.
- [3] Ku Yong Ha and Jong Bum Lee, Preimage homomorphism indices of preimage classes, *Topology and its Applications* **293** (2021) 107555.
- [4] Jiyou Liu and Xuezhi Zhao, More general averaging formulae for preimage classes, *Topology and its Applications* **267** (2019), 106875.
- [5] Hildebran A. dos Santos, Peter Wong, Nielsen root theory for  $G$ -maps, *Topology and its Applications* **157** (2010), 1839–1848.
- [6] Gonçalves, D. L.; Guaschi, J.; Laas, V. C., *The Borsuk-Ulam property for homotopy classes of self-maps of surfaces of Euler characteristic zero*. J. Fixed Point Theory Appl. (2019), 21–65.
- [7] de Melo, G. D., Vendrúscolo, D., *Nielsen-Borsuk-Ulam number for maps between tori*. J. Fixed Point Theory Appl. **25**, 61 (2023).

(Thaís F. M. Monis) UNESP  
e-mail: [thais.monis@unesp.br](mailto:thais.monis@unesp.br)

(Peter Wong) BATES COLEGE  
e-mail: [pwong@bates.edu](mailto:pwong@bates.edu)